

**Hauptsatz der Differenzial- und Integralrechnung:**

Die Funktion sei auf einem Intervall  $I$  stetig und  $f(x) \geq 0$  für  $x \in I$ .

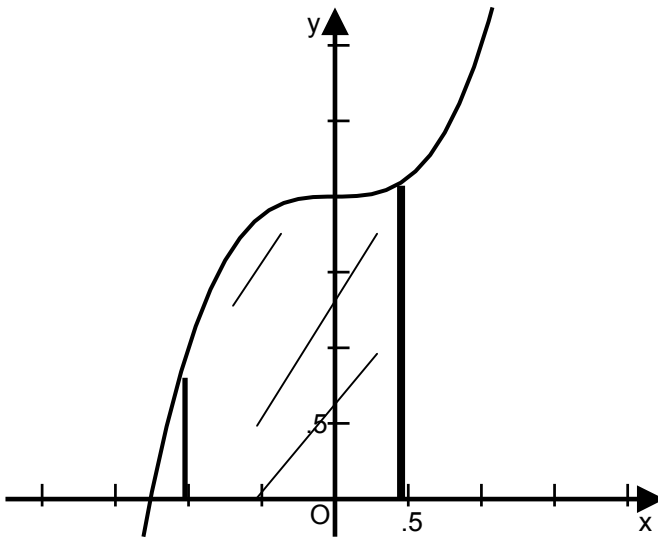
Ist  $F$  eine Stammfunktion von  $f$  in  $I$ , dann gilt für  $a \in I$  und  $b \in I$  mit  $a \leq b$ :

$$\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$$

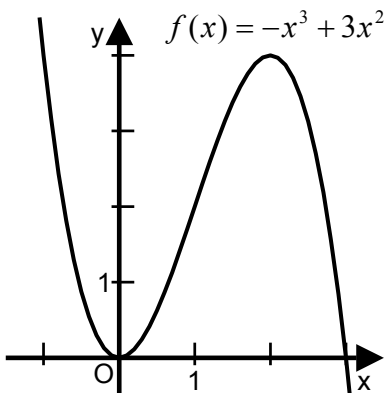
**Beispiel 1:**

Berechne das Integral:

$$\int_{-1}^{0,5} (x^3 + 2) dx$$

**Beispiel 2:**

Berechne den Inhalt der Fläche, welche der Graph der Funktion  $f$  mit der  $x$ -Achse einschließt.



**Berechne die Integrale:**

1	$\int_1^4 x dx =$	
2	$\int_1^3 x^2 dx =$	
3	$\int_0^4 x^3 dx =$	
4	$\int_{0,5}^2 \frac{1}{x^2} dx =$	
5	$\int_2^4 \frac{1}{x^3} dx =$	
6	$\int_{-2}^1 x^2 dx =$	
7	$\int_{-8}^{-4} x^2 dx$	
8	$\int_{-4}^{-3} \frac{1}{x^2} dx$	
9	$\int_1^4 x^3 dx =$	
10	$\int_2^5 dx =$	
11	$\int_1^7 1 dx =$	
12	$\int_{-8}^0 2 dx =$	
13	$\int_1^5 \left(\frac{1}{2}x + 2\right) dx =$	
14	$\int_0^{\pi} 2 \sin(x) dx =$	
15	$\int_1^2 (1 - 2x)^2 dx =$	
16	$\int_0^1 (2x^3 + x^2) dx =$	
17	$\int_1^3 \left(x - \frac{1}{x^2}\right) dx$	